# ORTORETIFICAÇÃO DE IMAGENS DE ALTA RESOLUÇÃO UTILIZANDO OS MODELOS APM (AFFINE PROJECTION MODEL) E RPC (RATIONAL POLYNOMIAL COEFFYCIENT)

Orthorectification Of High Resolution Satellite Images by mean of Affine Projection Model and Rational Polynomial Coefficients Model

## PATRICIA DE CASTRO PEDRO ALZIR FELLIPE BUFFARA ANTUNES EDSON A. MITISHITA

Curso de Pós-Graduação em Ciências Geodésicas-UFPR Centro Politécnico – J. Américas CEP-81531-990 - Curitiba – Paraná – Brasil patricia\_p@pop.com.br; felipe@ufpr.br; mitishita@ufpr.br

#### **RESUMO**

Nos últimos anos tem-se pesquisado vastamente sobre a precisão absoluta das imagens de satélite, o aprimoramento de métodos e técnicas de extração de informações, sobretudo com propostas de novos modelos matemáticos para processamentos como a ortoretificação e composição 3D de imagens de alta resolução. Nesta pesquisa são realizados testes com imagens IKONOS (*Stereo Par*) e Quickbird (*Standard*) de Araucária, região metropolitana de Curitiba. Duas áreas piloto com relevo e distribuição urbana diferentes, foram selecionadas para a investigação. Ortoimagens destas regiões de estudo foram geradas utilizando-se o modelo matemático APM (*Affine Projection Model*) e o modelo Racional Functional (RFM – *Rational Function Model*). Os resultados são comparados e analisados, para testar a hipótese de que o modelo APM pode ser usado para a ortoretificação de imagens sendo a qualidade posicional satisfatória.

#### ABSTRACT

Absolute positional precision of high resolution image has been studied recently. The improvement of methods and techniques of extraction of information has been developed focusing mathematical models for ortho-rectification and 3D composition of high resolution images. Among the promising 'alternative' sensor orientation models investigated has been an approach based on affine projection. This paper briefly summarizes the theory and validity of the affine model as

configured for application to sensor orientation and geopositioning . The results of experiments with one Ikonos Stereo and Quickbird (Standard) has provided a comparison of mathematical model APM (Affine Projection Model) and the Functional Rational model (RFM – *Rational Function Model*).

# 1. INTRODUÇÃO

As imagens de satélite de alta resolução, comercializadas para uso civil desde setembro de 1999, com o lançamento do satélite IKONOS II e em 2001 com o satélite Quickbird, proporcionaram aos usuários de imagens de satélite e Fotogrametria possibilidades de aplicação bastante variadas.

São vários os níveis de processamento aplicados às imagens e ofertados pelas empresas que as comercializam. A qualidade das imagens de alta resolução e dos processamentos a elas aplicados é alvo de inúmeras pesquisas científicas, sobretudo, no âmbito da qualidade posicional e conseqüentemente nos processos de extração de informação e ortoretificação. Sendo esse, um processo baseado em uma fundamentação matemática, que elimina distorções causadas especialmente pela posição do satélite e pela superfície física da Terra (relevo e curvatura).

Nos últimos 15 anos vários modelos matemáticos têm sido formulados para extrair informações 3D e gerar ortoimagens de sensores remotos que utilizam sensores de linha CCD[...]. Modelos matemáticos têm sido desenvolvidos usando o conhecimento de informações do sensor e modificando equações de colinearidade, em alguns casos incluindo parâmetros para modelagem de erros e orientação interior ou calibração em órbita, ou ainda incorporando informações orbitais, BALTSAVIAS *et al*, (2001, P. 79).

Os dados das efemérides, dados de calibração do sensor, sua orientação externa e interna não são disponibilizados aos usuários, pois conforme as empresas *Space Imaging* e *Digital Globe*, que comercializam as imagens dos sensores IKONOS II e Quickbird respectivamente, o modelo físico do sensor é complexo. Na formação da imagem, o sensor adquiri uma linha a cada instante, apresentando parâmetros de orientação interna e externa diferentes para cada linha, tornando difícil à implementação do modelo pelo usuário.

Para permitir a ortoretificação das imagens, em alguns produtos são disponibilizados arquivos contendo Coeficientes Polinomiais Racionais (RPC – *Rational Polynomial Coeffycient*), calculados a partir do modelo físico, sendo capazes de resgatar a geometria da imagem no instante de sua captura, através do Modelo Racional Funcional (RFM – *Rational Function Model*).

Modelos matemáticos como o modelo APM (Affine Projection Model) é uma alternativa, tendo como principal vantagem sobre o modelo polinomial à facilidade de implementação computacional. Estudos atuais relatam o desenvolvimento e aplicações deste modelo para a ortoretificação como em SHI & AHAKER (2003) e FRASER *et al* (2001) e para a monorestituição MITISHITA & SARAIVA (2002).

A utilização do modelo RPC (*Rational Polynomial Coefficients*) está condicionada a imagens específicas, que acompanhem os coeficientes polinomiais e a utilização de programas específicos. A investigação das limitações do modelo APM frente ao Modelo Polinomial Racional em imagens IKONOS e Quickbird é fundamental para estabelecer a verdadeira dimensão da contribuição deste modelo alternativo na ortoretificação de imagens.

Neste trabalho foram empregados o modelo RPC disponibilizado em programa comercial e o modelo APM implementado em plataforma DELPHI, gerando ortoimagens dos sensores remotos IKONOS II e Quickbird, as quais foram comparadas, com relação à qualidade posicional. Foram utilizadas áreas de estudo localizadas no município de Araucária, região metropolitana de Curitiba no Paraná e base cartográfica em escala 1:2.000.

O objetivo geral deste trabalho é avaliar a qualidade posicional das ortoimagens oriundas dos sensores Quickbird e IKONOS, produtos *Standard* e *Stereo Par*, respectivamente, sobre um trecho de área urbana, fazendo uso do modelo APM numa análise comparativa com aquelas geradas com o modelo Polinomial Racional.

## 2. ORTORETIFICAÇÃO

O termo retificação advém dos conhecimentos da Fotogrametria, da metodologia de retificação de imagens que segundo ANDRADE (1998), é o processo de eliminação dos efeitos de inclinação da plataforma, representados pelos ângulos k (Kappa),  $\omega$  (Omega) e  $\phi$ (fi), transformando as imagens em verticais.

Segundo HATORI *et al* (2000, p.2), a ortoimagem é obtida a partir da ortoretificação, que consiste na correção da imagem devido a diversas distorções, especialmente as causadas pela posição do satélite, pela superfície física da Terra (relevo e curvatura) e pela projeção cartográfica.

A ortoretificação baseia-se na fundamentação matemática, onde um modelo matemático faz a correlação entre o espaço imagem e o espaço objeto, estabelecendo as correções das distorções que ocorrem na formação da imagem. Neste processo, deve necessariamente haver um modelo digital do terreno (MDT), sem o qual não seria possível a correção devido ao relevo, afirma VOLOTÃO (2001).

O princípio da geração de ortoimagens pode ser obtido através do método de retificação diferencial de imagens, que consiste basicamente em atribuir valores de cinza da imagem de Sensoriamento Remoto a cada *pixel* do Modelo Digital do Terreno. Sendo assim, as coordenadas tridimensionais (X,Y,Z) de cada *pixel* do MDT são transformadas para o espaço da imagem, utilizando para isso um modelo matemático de mapeamento, obtendo-se as coordenadas de (x,y), o valor de cinza é obtido através de uma interpolação, por um método de reamostragem de *pixels*, e

em seguida armazenado nas mesmas coordenadas (X,Y) do MDT gerando a ortoimagem.

OSTMAN (1984) define o MDT como a representação da superfície topográfica por meio de um conjunto de coordenadas ou pontos amostrados da superfície real e algoritmos, capazes de reconstruir a partir destes a superfície real. A elaboração do modelo matemático consiste no agrupamento dos dados que descrevem a superfície real, em unidades lógicas denominadas de estruturas de dados e na determinação de funções de interpolação, de forma que todo o conjunto simule de modo idealizado o comportamento da superfície original. São muitas as formas de elaboração dos modelos digitais. De forma geral, os pontos são interligados formando polígonos e posteriormente poliedros. Os vértices destes poliedros são os pontos amostrados. Podem-se obter vários tipos de poliedros onde os mais utilizados são a triangulação (TIN – *Triangular Irregular Network*) e a malha regular.

#### 2.1 - Modelos Matemáticos

Os modelos matemáticos utilizados na ortoretificação de imagens de satélite podem seguir a modelagem rigorosa ou a modelagem não-paramétrica. Modelos rigorosos são baseados nas equações de colinearidade que são adaptadas para técnica de aquisição de dados do tipo *pushbroom*, usada pelos satélites sensores de alta resolução, afirma BOCCARDO (2004, p.1).

Esses modelos descrevem a geometria rigorosa de varredura, utilizando dados conhecidos como a trajetória do satélite, dados de calibração do sensor, bem como os modelos de câmera e os dados das efemérides do satélite. O conhecimento de tais dados não é trivial, pois não são fornecidos aos usuários, de acordo com a política de venda das empresas que comercializam as imagens de alta resolução.

Os modelos generalizados ou não paramétricos independem do tipo de plataforma e sensor e são vastamente utilizados em Sensoriamento Remoto, conforme TAO *et al* (2000).

#### 2.1.1 - Modelo Polinomial Racional

Segundo TAO (2000, p.1), o modelo generalizado mais comumente utilizado é baseado nos polinômios racionais 3D, os quais na literatura são conhecidos como Modelo Funcional Racional (RFM – *Rational Function Model*), Coeficiente Polinomial Racional (RPC – *Rational Polynomial Coefficient*) e Coeficiente Funcional Racional (RFC – *Rational Function Coefficient*).

O Modelo Funcional Racional (RFM) definido por 78 coeficientes denominados Coeficientes Polinomiais Racionais (RCP's), é um modelo alternativo adotado e distribuído pela *Space Imaging* e *Digital Globe* em seus produtos, permitindo processamentos como a ortoretificação e a reconstrução de estéreo pares, afirma XU (2004, p. 17).

As equações abaixo apresentam a formulação matemática do RFM.

$$r_{n} = \frac{pl(X_{n}, Y_{n}, Z_{n})}{p2(X_{n}, Y_{n}, Z_{n})} = \frac{\sum_{i=0}^{m1} \sum_{j=0}^{m2} \sum_{k=0}^{m3} a_{ijk} X_{n}^{i} Y_{n}^{j} Z_{n}^{k}}{\sum_{i=0}^{m1} \sum_{j=0}^{m2} \sum_{k=0}^{m3} b_{ijk} X_{n}^{i} Y_{n}^{j} Z_{n}^{k}}$$

$$(1)$$

$$c_{n} = \frac{p3(X_{n}, Y_{n}, Z_{n})}{p4(X_{n}, Y_{n}, Z_{n})} = \frac{\sum_{i=0}^{m1} \sum_{j=0}^{m2} \sum_{k=0}^{m3} c_{ijk} X_{n}^{i} Y_{n}^{j} Z_{n}^{k}}{\sum_{i=0}^{m1} \sum_{j=0}^{m2} \sum_{k=0}^{m3} d_{ijk} X_{n}^{i} Y_{n}^{j} Z_{n}^{k}}$$
(2)

Onde  $(r_n,c_n)$  são as linhas e colunas normalizadas dos *pixels* no espaço imagem (Xn,Yn,Zn) são valores das coordenadas normalizadas no espaço do terreno. Os coeficientes polinomiais  $a_{ijk},b_{ijk},c_{ijk},d_{ijk}$  são chamados de Coeficientes Racionais Funcionais (RFC).

Esses Coeficientes Racionais Funcionais, segundo XU (2004, p. 19), são geralmente polinômios de terceira ordem. Os arranjos dos termos do polinômio, ou número de termos, são diversificados. No entanto, a definição do NIMA (*National Imagery and Mapping Agency*), agência americana de mapeamento, é de que tanto o numerador como o denominar possuam 20 termos cúbicos, sendo adotado pela *Space Imaging e Digital Globe*, como o número de termos ideal tornando-se uma espécie de padrão.

As razões dos termos de 1º ordem representam distorções causadas pela projeção óptica, enquanto as correções sobre a curvatura da Terra, refração atmosférica e distorções das lentes, podem ser modelados pelos termos de segunda ordem. Outras distorções mais complexas e desconhecidas com componentes de ordem maior podem ser absorvidas pelos termos de terceiro grau. Os coeficientes polinomiais também são chamados RPC (Rational Polynomial Coefficients) ou dados polinomiais racionais de câmera. O termo modelo RPC, frequentemente refere-se ao caso específico do RFM, na forma direta com polinômios de terceira ordem, e são usualmente resolvidos com a abordagem independente do terreno, onde o modelo físico é imprescindível, para a determinação dos coeficientes de transformação. Primeiramente, uma grade bidimensional de pontos é gerada sobre toda a extensão da imagem, em seguida, são calculadas as coordenadas tridimensionais, através do modelo físico, formando uma grade tridimensional tendo como limites a extensão da imagem e a amplitude do relevo do terreno. A grade tridimensional é interceptada por camadas com pontos de mesma altura. O Modelo Racional Funcional relaciona os dois conjuntos de coordenadas sendo estimados,

através de um ajustamento, os respectivos coeficientes, HU et al (2004), aborda de forma detalhada a solução do RFM.

## 2.1.2 - Affine Projection Model – APM

De acordo com LUGNANI (1987, p. 108) o modelo matemático APM também conhecida como Equação de Projeção Paralela, projeta o espaço 3D no plano 2D, é um caso particular da projeção central onde o centro de projeção foi deslocado para o infinito.

Conforme OKAMOTO (1999), o modelo matemático APM pode ser extraído da equação de colinearidade, mediante simplificações, pois segundo FRASER *et al* (2001), o sensor de linha CCD dos imageadores de alta resolução possuem uma grande distância focal um estreito campo de visada. Isso faz com que a imagem apresente projeção central unidimensional no sentido de varredura do satélite (sentido y). Com isso, para efeito de cálculo pode-se considerar a projeção da imagem como sendo uma projeção paralela. Assumindo que o movimento do satélite é linear e considerando que os parâmetros de orientação do satélite tornem-se constantes para uma pequena área imageada, pode-se escrever a condição de colinearidade para a varredura de linha (i).

$$0 = a_{11}(X - X_{0i}) + a_{12}(Y - Y_{0i}) + a_{13}(Z - Z_{0i})$$

$$y = -c \frac{a_{21}(X - X_{0i}) + a_{22}(Y - Y_{0i}) + a_{23}(Z - Z_{0i})}{a_{31}(X - X_{0i}) + a_{32}(Y - Y_{0i}) + a_{33}(Z - Z_{0i})}$$
(3)

Onde: 0, y-são as coordenadas dos pontos no espaço imagem; X, Y, Z-são as coordenadas dos pontos no espaço objeto;  $a_{ij}$  são os elementos da matriz de rotação  $(R_{\phi i}R_{\omega i}R_{\kappa i})^T$  para uma linha (i); c é a distância focal e  $(X_{0i}, Y_{0i}, Z_{0i})$  são as posições do centro de projeção, no instante da varredura.

Considerando a geometria de obtenção da imagem como uma projeção paralela, pode-se considerar no infinito à distância c, com isso a expressão (3), é reescrita como:

$$0 = a_{11}(X - X_{0i}) + a_{12}(Y - Y_{0i}) + a_{13}(Z - Z_{0i});$$
(4)

$$Y = a_{21}(X - X_{0i}) + a_{22}(Y - Y_{0i}) + a_{23}(Z - Z_{0i});$$
(5)

Onde, aij (i=1,2,3;j=1,2,3) são os elementos da matriz 
$$\lambda \left(R_{\phi i}R_{\omega i}R_{\kappa i}\right)^T$$
.

O centro de projeção de cada linha pode ser descrito pela expressão (6), pois o sensor move-se linearmente no espaço e os parâmetros de orientação são considerados como constantes. Sendo  $X_0$  e  $\Delta X_i$  valores constantes e i o número da linha. De forma análoga, são definidas expressões para  $Y_{0i}$  e  $Z_{0i}$ . A expressão (7) descreve a linha i, obtida através da substituição da expressão (6) na (4):

$$X_{0i} = X_0 + \Delta X_i; \tag{6}$$

$$i = \frac{a_{11}(X - X_0) + a_{12}(Y - Y_0) + a_{13}(Z - Z_0)}{a_{11}\Delta X + a_{12}\Delta Y + a_{13}\Delta Z};$$
(7)

Substituindo a linha i pela coordenada x, considerando os parâmetros de orientação constantes, a expressão (7) é expressa por:

$$x = \frac{a_{11}(X - X_0) + a_{12}(Y - Y_0) + a_{13}(Z - Z_0)}{a_{11}\Delta X + a_{12}\Delta Y + a_{13}\Delta Z};$$
 (8)

Organizando a expressão 8 em função dos coeficientes constantes tem-se:

$$x = A_1 X + A_2 Y + A_3 Z + A_4; (9)$$

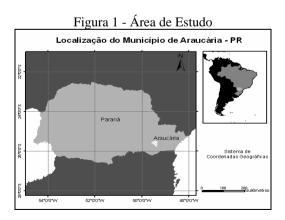
De forma análoga para a expressão (5) tem-se:

$$y = A_5 X + A_6 Y + A_7 Z + A_8 ; (10)$$

Onde, (x,y) são as coordenadas no referencial da imagem; (X, Y, Z) são as coordenadas tridimensional no referencial objeto e  $(A_1, A_2,...A_8)$  são os parâmetros de transformação. As expressões (9) e (10) compões o modelo matemático APM.

#### 3. EXPERIMENTOS

Neste trabalho foram utilizadas duas imagens, a primeira do sensor IKONOS II, produto *Stereo Par Reference*, tipo PAN/MSI em modo *Pan-Sharpaned*, com resolução espacial de 1,0 metro, e outra do sensor Quickbird, produto *Standard*, tipo PAN/MSI, com resolução espacial de 0,60 metros, de parte do município de Araucária, na região metropolitana de Curitiba no Paraná.



Bol. Ciênc. Geod., sec. Artigos, Curitiba, v. 13, nº 1, p.60-75, jan-jun, 2007.

As condições impostas para a aplicação do modelo APM no processo de ortoretificação em imagens de alta resolução, como a aproximação de uma projeção paralela no sentido do deslocamento do satélite e a consideração do movimento linear do sensor, implicam diretamente no tamanho (linha, coluna) da imagem a ser ortoretificada pelo modelo. Desta forma, para investigar o desempenho do modelo com relação ao tamanho e ao relacionamento linha/coluna das imagens, quanto à absorção ou introdução de erros, estabeleceu-se diferentes valores de linha e coluna, para duas áreas de estudo.

Tabela 1 - difficilisão das areas de estudo has imagens ikonos e quiekond							
Imagem	Ikonos	Quickbird					
	Coluna	Linha	Coluna	Linha			
	S	S	S	S			
Área 1	3500	2500	3500	2500			
Área 2	3000	3000	3000	3000			

Tabela 1 - dimensão das áreas de estudo nas imagens ikonos e quickbird

Portanto, têm-se duas áreas de estudo em cada imagem denominadas área 1 e área 2. Evidentemente a imagem IKONOS abrangerá uma área maior, devido a menor resolução espacial em relação à imagem Quickbird.

O MDT das áreas de estudo, foi gerado utilizando-se o programa ArcGis 8.0 com auxílio do módulo 3D *Analyst*. A representação do relevo através da geração da TIN *(Triangular Irregular Network)* foi escolhida devido à densidade das informações altimétricas disponíveis na base cartográfica em escala 1:2.000, curvas de nível com eqüidistância de 1,0 metro e pontos, em projeção UTM e datum SAD 69, além do tamanho reduzido das áreas de estudo. Preservando, desta forma, as características topográficas da região, que apresenta depressões suaves. As áreas 1 e 2 na imagem Quickbird apresentam diferença de altitude média de 46 e 60 metros, respectivamente. Enquanto as mesmas áreas 1 e 2 na imagem IKONOS apresentam 50 e 70 metros de diferença de altitude, respectivamente.

Os pontos de controle foram escolhidos entre as feições com melhor identificação na imagem, constituindo exclusivamente edificações bem definidas, sem indícios de sombreamento e de deslocamento radial, com abrangência em toda a extensão da imagem. Inseriu-se pontos de checagem em áreas próximas e afastas aos pontos de controle, a fim de testar a capacidade de modelagem.

## 3.1 - Geração das Ortoimagens

## 3.1.1 - Aplicação do Modelo APM

Para a ortoretificação das imagens através do modelo APM, foi utilizado um programa elaborado em plataforma Delphi 4.0. Os pontos de controle foram inseridos através de arquivos no formato de texto, sendo removidos ou editados, conforme a configuração dos valores de RMS (erro médio quadrático) individual ou total.

O estabelecimento do número mínimo de pontos de controle está condicionado a resolução do sistema que descreve o relacionamento entre os pontos no terreno e os pontos na imagem, ou seja, a resolução da expressão matemática. Do modelo matemático descrito pelas expressões (9) e (10), têm-se duas (2) equações a 8 (oito) parâmetros, desta forma são necessários quatro (4) pontos de controle para que o sistema de observações tenha solução única. No entanto, para otimizar a estimação dos parâmetros, através da aplicação do Método de Ajustamento Paramétrico, onde deve haver superabundância de observações, foram distribuídos uniformemente 30 pontos de controle, de acordo com a correspondência entre a base cartográfica e a imagem.

O MDT com resolução de 1,0 metro para a imagem do sensor IKONOS II, e 0,60 metros para a imagem do sensor Quickbird, foi inserido em formato de texto. As imagens ortoretificadas foram armazenadas em formato raw, com as informações das coordenadas do primeiro *pixel* da imagem, que possibilitaram posteriormente o armazenamento das imagens em um formato que suporte as informações cartográficas, no caso o formato *geotiff*.

## 3.1.2 - Aplicação do Modelo RPC (*Rational Polynomial Coefficients*)

A determinação dos coeficientes polinomiais contidos nos arquivos rpc.txt e rpb.txt das imagens IKONOS e Quickbird, respectivamente, é realizada previamente pela empresa que as comercializam, utilizando a imagem em seu tamanho original. Pois, os coeficientes descrevem a geometria da imagem no instante em que foi coletada e, portanto estão associados à imagem completa. Com isso, executou-se a ortoretificação da imagem Quickbird, primeiramente com as bandas multiespectrais e em seguida, com a banda pancromática. Posteriormente, efetuou-se a fusão dos dados pelo método da transformação IHS, seguindo o recorte das áreas 1 e 2 para análise. Na imagem IKONOS foi feita a ortoretificação na imagem completa e posteriormente os recortes das áreas 1 e 2.

## 4. RESULTADOS E DISCUSSÕES

Os resultados encontrados após a comparação entre as coordenadas dos pontos de controle nas ortoimagens geradas com o modelo APM e o modelo RPC (*Rational Polynomial Coefficients*), com as respectivas coordenadas na base cartográfica digital oriunda de restituição aerofotogramétrica são expostos na tabela 2.

As ortoimagens Quickbird das áreas 1 e 2, geradas com o modelo APM, apresentaram valores de erro médio quadrático RMS de mesma grandeza, 0,67 metros, o que corresponde a aproximadamente a resolução espacial da imagem, que é de 0,60 metros. Os vetores dos resíduos do ajustamento apresentaram uma distribuição não tendenciosa dos vetores em relação à direção e sentido. Contudo, na região central da área 1, percebeu-se que seis pontos com maiores valores de resíduos. Confrontando-se os valores altimétricos destes pontos com os valores dos

respectivos resíduos, não houve o estabelecimento de algum padrão de comportamento, ou seja, o acúmulo dos maiores valores dos resíduos na região central não tem relação com a altimetria da região.

Analisando os vetores resultantes das discrepâncias estabelecidas pela comparação das coordenadas da base cartográfica digital e das coordenadas nas ortoimagens, para os pontos de controle das áreas 1 e 2, figuras 2A e 2B, observa-se que 81% e 60%, respectivamente, dos vetores apresentam direção próxima ao alinhamento de varredura transversal (*along-tracking*), com sentido para leste.

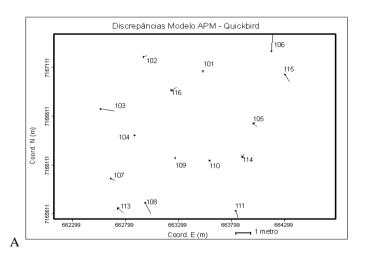
Tabela 2 - Resumo dos Resultados

rabeia 2 - Resumo dos Resultados							
		RMS Ptos Controle	RMS Ptos Checagem	Resíduos Ajust.	Erro Plan.		
Quickbird	Área 1	APM 14 (0,686 m)	16 (1,304 m)	Sem tendência	$\overline{X} = 0.622m$ $s = 0.398 \text{ m}$		
		RPC -	-	Tendência Leste	$\overline{X} = 10,57 \text{m}$ s = 0,90  m		
		APM 18 (0,664 m)	15 (2,285 m)	Sem tendência	$\overline{X} = 0.717 \text{m}$ $s = 0.495 \text{ m}$		
	Área 2	RPC	-	Tendência Leste	$\overline{X} = 10,09 \text{m}$ s = 0,954 m		
IKONOS	Área 1	APM 21 (0,585 m)	25 (1,392 m)	Sem tendência	$\overline{X}$ = 1,136m s = 0,615 m		
		RPC -	-	Tendência Leste	$\overline{X}$ = 14,05m s = 3,39 m		
	Área 2	APM 22 (0,684 m)	19 (1,539 m)	Sem tendência	$\overline{X} = 1,092m$ s = 0,684 m		
		RPC -	-	Tendência Leste	$\overline{X} = 5,67m$ $s = 1,031 m$		

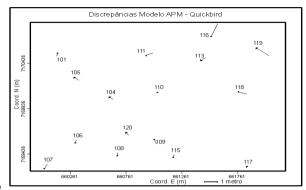
De forma análoga, as áreas 1 e 2 das ortoimagens IKONOS obtiveram valores do erro médio quadrático RMS de mesma grandeza, em torno de 1,11 metros, o que corresponde a aproximadamente a resolução espacial da imagem, que é de 1 metro. Os vetores dos resíduos do ajustamento nos pontos de controle, indicaram uma distribuição não tendenciosa, referentes à direção e sentido. Analisando os vetores resultantes das discrepâncias, conforme ilustra as figuras 2C e 2D, estabelecidas pela comparação das coordenadas da base cartográfica digital e das coordenadas nas ortoimagens, para os pontos de controle das áreas 1 e 2, observa-se que 92% e 68 %, respectivamente, dos vetores apresentam direção próxima ao alinhamento de varredura transversal (*along-tracking*), com sentido para leste.

Analisando as figuras 3A, e 3B, os vetores resultantes da discrepância das coordenadas da base cartográfica e das coordenadas das ortoimagens Quickbird e IKONOS, geradas com o modelo polinomial racional, para os pontos de checagem nas áreas 1 e 2, apresentaram uma distribuição tendenciosa à direção próxima ao alinhamento de varredura transversal (*along-tracking*) e com sentido para leste. Erros residuais semelhantes foram encontrados em HANLEY & FRASER (2004) e CROITORU *et al* (2004), sendo sugestivamente atribuídos às perturbações na velocidade de varredura associados a distorções de primeira ordem na escala, e que o modelo matemático não foi capaz de eliminar. As ortoimagens Quickbird e IKONOS analisadas sob o aspecto da qualidade posicional apresentaram precisão satisfatória, um pouco acima do valor correspondente a ½ da resolução espacial da imagem, sendo semelhantes aos resultados encontrados em YAMAKAWA & FRASER (2004).

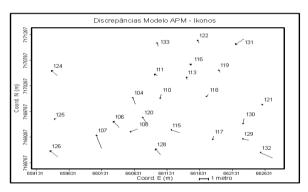
Figura 2 - Diferença entre as coordenadas dos pontos de checagem coletadas na base cartográfica e nas ortoimagens (APM) .A) área 1 – Imagem quickbird; B) área 2 – Imagem quickbird; C) área 1 – Imagem ikonos; D) área 2 – Imagem ikonos



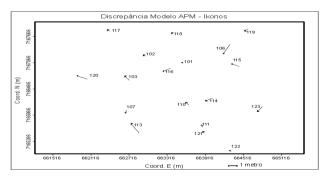
Bol. Ciênc. Geod., sec. Artigos, Curitiba, v. 13, nº 1, p.60-75, jan-jun, 2007.



В

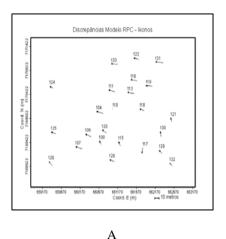


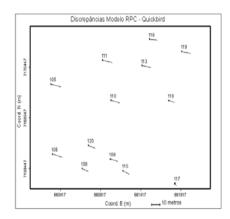
C



D

Figura 3 - Diferença entre as coordenadas dos pontos de checagem na base cartográfica e nas ortoimagens (Polinomial Racional) . A) área 1 – Imagem ikonos; B) área 1 – Imagem quickbird





R

## 5 CONCLUSÕES

Os resultados obtidos para as imagens IKONOS e Quickbird utilizando-se os modelos APM e RPC para a ortoretificação, foram diferentes. Há identificação de uma tendência sistemática nas ortoimagens geradas com o modelo RPC aliado à baixa qualidade posicional encontrada, versus a precisão de aproximadamente um *pixel* da ortoimagem Quickbird; o valor de meio *pixel* da ortoimagem IKONOS, somado a ausência de tendências sistemáticas nos resíduos nas ortoimagens geradas com o modelo APM, destaca-o, neste caso, como uma transformação adequada a ortoretificação de imagens de alta resolução.

As características do tipo de imagem, neste caso IKONOS Stereo Par e Quickbird *Standard*, ambas em modo de varredura *Reverse*, afetam o desempenho dos modelos, e conseqüentemente a qualidade posicional final obtida. Os produtos disponíveis no mercado são variados e estão agregados ao tipo de préprocessamento efetuado pelas empresas que as comercializam, então a análise do tipo de produto é fundamental para a correta interpretação do desempenho desses modelos para a ortoretificação.

Os resultados obtidos com modelo polinomial racional na ortoretificação das imagens Quickbird e IKONOS foram semelhantes aos encontrados em outros estudos, sobretudo a tendenciosidade significativa dos vetores dos resíduos dos pontos de checagem.

O modelo de transformação APM conseguiu modelar as deformações existentes nas imagens Quickbird e IKONOS, atingindo uma precisão em torno de 0,5 m a 0,7 m, para a ortoimagens. No entanto, deve-se ter cautela quanto ao uso generalizado de ortoimagens geradas com o modelo APM, sem análise da geometria de imageamento e da precisão posicional, uma vez que o modelo ainda é objeto de estudo em muitas pesquisas.

A imagem IKONOS apresentou melhor resultado quanto à qualidade posicional, devido ao tipo de pré-processamento (*Pan-Sharpaned*). O tipo de pré-processamento (dados fusionados ou apenas reamostrados) e as características de coleta da imagem (*Forward, Reverse* Nadir) afetam o desempenho do modelo, obviamente estes pressupostos interferem tanto na qualidade visual dos dados quanto na qualidade posicional, pois estão diretamente ligados a geração das imagens.

O MDT utilizado, para os modelos APM e RPC mostrou-se adequado para este caso.

Contudo, a utilização do modelo APM para ortoretificação de imagens apresentou a principal vantagem de que esta pode ser feita em áreas menores que com o Modelo Polinomial, que depende dos coeficientes polinomiais, e conseqüentemente do tamanho da imagem (linhas e colunas) em que estes foram gerados. Reduzindo com isso, além do tempo de processamento dos dados o custo final das imagens, uma vez que são vendidas em função de sua área.

## 7 REFERÊNCIAS BIBLIOGRÁFICAS

ANDRADE, J.B. Fotogrametria. Curitiba, 258p. 1998.

- BALTSAVIAS, E.; PATERAKI, M.; ZHANG, L. Radiometric and geometric evaluation of IKONOS Geo Images and their use for 3D building modelling. *Proc. Joint ISPRS Workshop "High Resolution Mapping From Space 2001"*. Hannover, Germany, 79-21 September 2001.
- CROITORU A.; HU Y.; XU Z.; WANG F.; LENSON P. Single and stereo based 3d metrology from high-resolution imagery :methodologies and accuracies. *Internacional Archives of photogrammetry and Remote Sensing*. Istambul. Vol. 20. 2004. 12-23p.
- FRASER, C.S.; HANLEY, H.B.; YAMAKAWA T. Sub-metre geopositioning with ikonos geo imagery. *Joint ISPRS Workshop "High Resolution Mapping From Space 2001"*. Hannover, Germany, 79-21 September 2001.

- HATTORI, S.; ONO, T.; FRASER, C. Orientation of high resolution satellite images based on affine projection. *Internacional Archives of Photogrammetry and Remote Sensing*. Vol XXXIII, Part3, Amsterdam. 2000.
- LUGNANI, J.B. Introdução à fototriangulação. UFPR. Curitiba. 1987. 134p.
- MITISHITA, E.; SARAIVA, C. Modelos matemáticos para fins de monorestituição de imagens de alta resolução IKONOS 2 GEO. *Anais do Simpósio Brasileiro de Geomática*. Presidente Prudente SP. 9-13 julho 2002.
- OKAMOTO, A. O; Geometric Characteristecs of Alternative Models for Satellite Imagery. *Proceedings of ASPRS*, Anual Conference, 1999.
- SHI, W.; AHAKER, A. Analysis of terrain elevation effects on IKONOS imagery rectification accuracy by using non-rigorous models. *Photogrammetric Engineering & Remote Sensing*, Vol. 69. n.° 12. December 2003.. 1359-1366 p.
- TAO, C.; MERCER, J.; SCHNICK, S.; ZHANG, Y. Image rectification using a generic sensor model Rational Function Model, *International Archives of Photogrammetry and Remote Sensing*, Vol. XXXIII, Part B3. Amsterdam 2000.

#### **Documentos Consultados Online**

- BOCCARDO, P.; MONDINO E.B.; TONOLO G.; LINGUA A. Orthorectification of High-Resolution Satellite Images. Disponível em <a href="https://www.isprs.org/istanbul2004/comm1/paper/6.pdf">www.isprs.org/istanbul2004/comm1/paper/6.pdf</a>. Acesso em 20 de outubro de 2004.
- DIGITAL GLOBE. www.digitalglobe.com. Acesso em 04 de agosto de 2004.
- HANLEY, H.; FRASER, C, Sensor Orientation for High-Resolution satellite Imagery: Further Insights into Bias- compensated RPC's. Disponível em: <a href="https://www.isprs.org/istanbul2004/comm1/5.pdf">www.isprs.org/istanbul2004/comm1/5.pdf</a>. Acesso em 10 de outubro de 2004.
- HU, Y.; TAO, V.; CROITORU, A. Understanding the Rational Function Model:

  Methods and Applications.

  www.isprs,org/istanbul2004/comm4/papers/423.pdf. Acesso em 07 de novembro de 2004.
- Space Imaging. IKONOS Imagery products and product guide. Disponível em: <a href="https://www.spaceimaging.com">www.spaceimaging.com</a>. Acesso em 17 de março de 2004.
- TOUTIN, T. Geometric Processing of IKONOS Geo Images with DEM. Disponível em: www.photogrammetry.ethz.ch/general/persons/jana/isprs/tut mapup/isprs t utorial hannover2.pdf. Acesso em 15 de agosto de 2003.
- XU, J. Z. The Rational Function Model (RFM) in Photogrammetric Mapping: Method and Accuracy. <a href="https://www.geoict.net/resources/publications/final\_report\_jeff.pdf">www.geoict.net/resources/publications/final\_report\_jeff.pdf</a>. Acesso em 07 de novembro de 2004.

YAMAKAWA, T.; FRASER, C. The Affine Projection Model for Sensor Orientation Experiencies with High-Resolution Satellite Imagery. Disponível em: <a href="https://www.isprs.org/istanbul2004/comm1/papers/27.pdf">www.isprs.org/istanbul2004/comm1/papers/27.pdf</a>. Acesso em 07 de novembro de 2004.

(Recebido em outubro de 2006. Aceito em janeiro de 2007)